

## Chapitre 21

### EXERCICE 45 – Principe d'un détecteur de position capacitif – page 501

→ Comment expliquer le fonctionnement d'un détecteur de position capacitif ?

#### > Descriptif du sujet

Compétences évaluées	<ul style="list-style-type: none"><li>• <b>Réaliser</b> : coefficient 3.</li><li>• <b>Analyser - raisonner</b> : coefficient 2.</li><li>• <b>Valider</b> : coefficient 1.</li></ul>
Tâches à réaliser par l'élève	<p><b>Réaliser</b> : dans un premier temps à la partie 1, l'élève doit réaliser le montage, connecter l'oscilloscope et régler correctement le GBF.</p> <p>L'élève doit ensuite régler la position de la règle à l'abscisse <math>x = 6,0</math> cm lue sur la graduation de la partie métallisée de la règle. Puis il doit régler l'oscilloscope et utiliser ses fonctionnalités pour pouvoir lire la valeur du temps caractéristique sur l'écran.</p> <p>Puis dans un deuxième temps, à la partie 3, l'élève doit réaliser une série de mesures de la capacité <math>C</math> du capteur en fonction de la valeur <math>x</math> de la position de la règle. Il doit ensuite, à l'aide d'un tableur-grapheur, représenter et modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math> de la capacité <math>C</math> du capteur capacitif en fonction de l'abscisse <math>x</math>.</p> <p><b>Analyser - raisonner</b> : dans un premier temps à la partie 2, l'élève doit proposer un protocole expérimental qui reprend le protocole fourni par le professeur pour obtenir et modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math> de la capacité <math>C</math> du capteur capacitif en fonction de la valeur <math>x</math> de la position de la règle. Pour cela, il doit juste préciser qu'il faut réaliser une série de mesures et en faire ensuite une représentation graphique dont on tire un modèle.</p> <p>Dans un deuxième temps, à la partie 4, l'élève doit analyser le <b>DOC. 2</b> pour justifier le modèle linéaire qui décrit l'évolution de la capacité <math>C</math> du capteur en fonction de l'abscisse <math>x</math> correspondant à la position de la règle. Il doit par ailleurs appliquer ce modèle pour estimer la capacité <math>C</math> pour la position de la règle d'abscisse <math>x = 6,0</math> cm.</p> <p><b>Valider</b> : à la partie 5, l'élève doit comparer les valeurs expérimentale et théorique obtenues pour la position <math>x = 6,0</math> cm et comparer le modèle théorique linéaire <math>C = a \times x</math> au modèle de type fonction affine <math>C = a' \times x + b</math>, tiré des observations expérimentales. L'élève doit au final proposer l'idée de capacité supplémentaire parasite difficilement évitable sur le plan expérimental.</p>
Préparation du poste de travail	<p><b>Matériel nécessaire</b> :</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- Un capteur de position capacitif expérimental ;</li><li>- Une masse (marquée ou non) de 200 g ;</li><li>- Deux petits fils de connexion + deux pinces crocodiles ;</li><li>- Une résistance de 100 k<math>\Omega</math> ;</li><li>- Un G.B.F + fiche BNC ;</li><li>- Un oscilloscope + fiche BNC ;</li><li>- Des fils de connexions.</li></ul> <p>Les fiches BNC sont connectées sur le GBF et sur l'oscilloscope qui sont reliés au secteur et allumés.</p>
Déroulement de l'épreuve / Gestion des différents appels	<p>Il est prévu trois appels obligatoires de la part de l'élève.</p> <ul style="list-style-type: none"><li>• Lors de l'<b>appel n° 1</b>, le professeur évalue la compétence : <b>Réaliser</b> (mise en œuvre du protocole expérimental). Pour cela, le professeur vérifie que l'élève réalise correctement l'ensemble des tâches suivantes : câblage du montage, connexion des bornes du capteur capacitif sur l'une des voies de l'oscilloscope et réglage du GBF. Le professeur vérifie également le réglage de la règle à la position correspondant à <math>x = 6,0</math> cm ainsi que le bon appui entre les surfaces en regard du capteur. Enfin, le professeur vérifie la valeur de la capacité obtenue par l'élève. Après 10 minutes d'épreuve, le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure de réaliser une mesure correcte en lui fournissant une aide partielle.</li><li>• Lors de l'<b>appel n° 2</b>, le professeur évalue la compétence : <b>Analyser - raisonner</b> (élaboration d'un protocole expérimental). Pour cela, le professeur vérifie que l'élève a élaboré un protocole de mesure satisfaisant pour obtenir et modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math> de la capacité <math>C</math> du capteur capacitif en fonction de l'abscisse <math>x</math> correspondant à la position de la règle.</li></ul>

	<p>Après 25 minutes d'épreuve, le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure de fournir un protocole exploitable en lui fournissant une aide partielle ou la totalité du protocole.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Lors de l'<b>appel n° 3</b>, le professeur évalue la compétence :  <b>Réaliser</b> (mise en œuvre du protocole expérimental).            Pour cela, le professeur vérifie que l'élève a réalisé les mesures et qu'il les a exploitées correctement à l'aide d'un tableur-grapheur pour en tirer un modèle satisfaisant de la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math>.            Après 40 minutes d'épreuve, le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure de réaliser les mesures et/ou l'exploitation de celle-ci en lui fournissant une aide partielle ou la totalité des résultats expérimentaux préalablement réalisés lors de la préparation de l'évaluation.</li> <li>En continu et fin d'épreuve, le professeur évalue les compétences :  <b>Analyser - raisonner</b> (justification d'un modèle et prévision à l'aide de ce modèle)            Pour cela, le professeur vérifie que l'élève exploite l'expression de la capacité d'un condensateur plan donnée dans le <b>DOC. 2</b> pour justifier le modèle linéaire <math>C = a \times x</math>. Le professeur vérifie également le résultat du calcul de l'estimation de la valeur de <math>C</math> pour <math>x = 6,0</math> cm.            Le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure d'obtenir une estimation de la valeur de <math>C</math> pour <math>x = 6,0</math> cm en lui fournissant une valeur pour qu'il puisse aborder la question 5.  <b>Valider</b> (confrontation des résultats expérimentaux à un modèle)            Pour cela, le professeur vérifie après l'épreuve que l'élève a rédigé un argumentaire permettant de justifier la compatibilité des résultats obtenus sur le plan théorique et le plan expérimental en prenant en compte les sources d'erreur et les incertitudes de mesures. L'idée de capacité supplémentaire parasite difficilement évitable sur le plan expérimental permet de justifier la compatibilité des modèles linéaire et affine.</li> </ul>
--	---

## > Évaluation par compétences

	Exemples d'indicateurs de réussite	Niveaux de réussite				Coefficient pour la notation
		A	B	C	D	
<b>Réaliser</b>	<p><b>1. Réalisation du protocole expérimental fourni par le professeur :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Réglage du GBF.</li> <li>Réalisation du montage.</li> <li>Réglage de l'oscilloscope.</li> <li>Réglage de la règle à la position correspondant à <math>x = 6,0</math> cm et appui entre les surfaces en regard du capteur.</li> <li>Mesure d'une valeur cohérente.</li> </ul> <p><b>3. Réalisation du protocole expérimental :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Réalisation des mesures et obtention de valeurs satisfaisantes.</li> <li>Représentation des mesures à l'aide d'un tableur-grapheur pour en tirer la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math>.</li> <li>Modélisation correcte de <math>C = f(x)</math>.</li> </ul>					<b>3</b>

<p>Analyser - raisonner</p>	<p><b>2. Élaboration d'un protocole expérimental :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Reprise du protocole de la partie 1 pour la technique de mesure.</li> <li>- Le protocole prévoit la réalisation d'une série de mesures.</li> <li>- Le protocole prévoit la représentation graphique <math>C = f(x)</math> des points de mesures avec un tableur-grapheur.</li> <li>- Le protocole prévoit de modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math>.</li> </ul> <p><b>4. Justification d'un modèle et prévision à l'aide de ce modèle</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Utilisation l'expression de la capacité d'un condensateur plan donnée dans le <b>DOC. 2</b> pour justifier le modèle linéaire <math>C = a \times x</math>.</li> <li>- Résultat correct pour le calcul de l'estimation de la valeur de C pour <math>x = 6,0</math> cm.</li> </ul>					<p>2</p>
<p>Valider</p>	<p><b>5. Confrontation d'un modèle théorique avec les résultats expérimentaux</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Identification des sources d'erreurs possibles.</li> <li>- Prise en compte d'une erreur systématique due au phénomène de capacité parasite.</li> <li>- Prise en compte des incertitudes associées aux mesures expérimentales après modélisation par le tableur-grapheur.</li> </ul>					<p>1</p>

> Aide à la notation

La grille d'évaluation suivante permet de convertir les niveaux de réussite par compétence en une note sur 20.

		coeffic																																			
Réaliser	3	A										B																									
Analyser - Raisonner	2	A				B				C				D				A				B				C				D							
Valider	1	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D
Note		20	19	18	17	18	18	16	16	16	15	14	13	15	14	13	12	18	17	16	16	16	15	14	14	13	12	11	13	12	11	10					

		coefficien t																																			
Réaliser	3	C										D																									
Analyser - Raisonner	2	A				B				C				D				A				B				C				D							
Valider	1	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D
Note		14	13	12	11	13	12	11	10	10	10	8	9	8	7	6	12	11	10	11	10	11	10	9	8	8	8	6	7	6	5	5	5				

Note / 20

La grille d'évaluation est prévue pour attribuer une note entre 5 et 20. Cependant, si l'engagement de l'élève s'avère très insuffisant, le professeur a toute latitude pour attribuer une note comprise entre 0 et 5.

> Aides à distribuer aux élèves en difficulté

1. Réaliser

> Réaliser le protocole proposé par le professeur permettant de mesurer la capacité C du capteur capacitif de position pour une position  $x = 6,0$  cm de la règle.

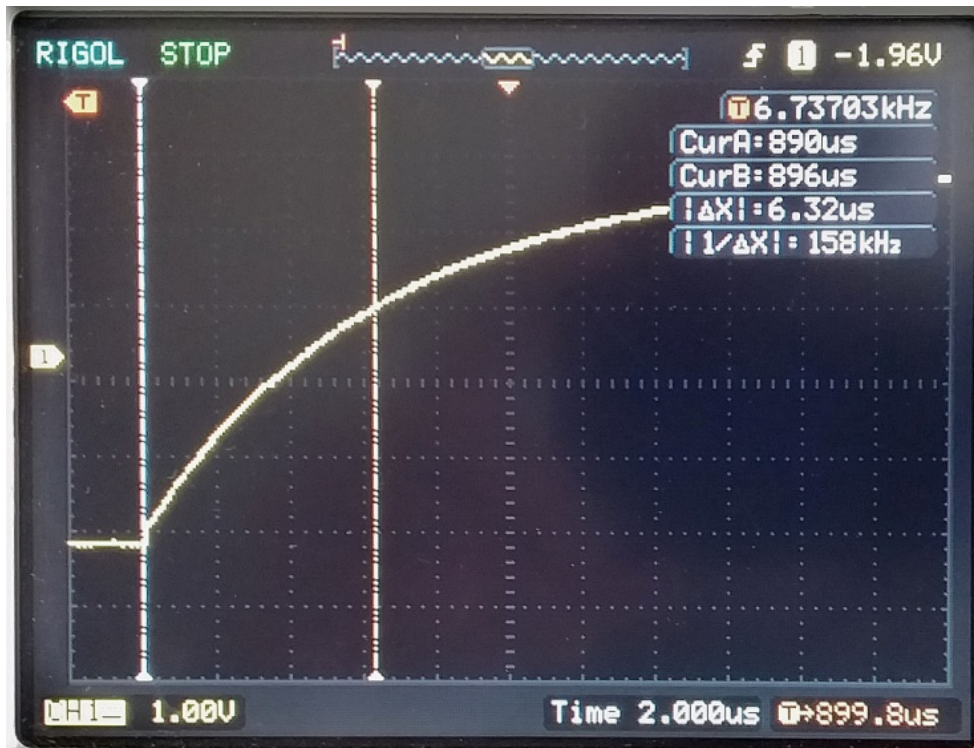
Exemple de solution partielle à donner à l'élève en cas de difficulté.

Relier la masse du GBF et la masse de l'oscilloscope ensemble.

La position de la règle est mesurée à partir de la graduation 10,0 cm. La position de la règle correspondant à l'abscisse  $x = 6,0$  cm lue sur la graduation de la partie métallisée de la règle correspond donc à la graduation 16,0 cm.

Lancer une procédure de réglage automatique de l'oscilloscope numérique en appuyant sur la touche "AUTO"

Affiner les réglages pour avoir un affichage similaire à la copie d'écran suivante :



Éviter les mouvements à proximité du capteur lors de la réalisation de la mesure.

Positionner correctement la masse marquée pour obtenir un bon contact entre la surface de la règle et celle du couvercle.

La capacité s'obtient par :  $C = \frac{\tau}{R}$

$$C = \frac{6,3 \times 10^{-6} \text{ s}}{100 \times 10^3 \ \Omega} = 63 \text{ pF} \text{ (Valeur à modifier en fonction du capteur utilisé)}$$

## 2. Analyser - raisonner

> Proposer un protocole expérimental permettant d'obtenir et de modéliser la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  de la capacité  $C$  du capteur capacitif en fonction de la valeur  $x$  de la position de la règle.

Exemples de solutions partielles à donner à l'élève en cas de difficulté.

Reprendre le protocole de la question 1. et relever les différentes valeurs de la capacité du capteur en fonction de différentes positions de la règle.

$x$ (cm)	0	2,0	4,0	6,0	8,0	10,0	12,0
$C$ (pF)							

Saisir les mesures dans un tableur grapheur incluant des fonctions de modélisation.

Choisir un modèle et modéliser la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  et relever l'expression du modèle.

Exemple de solution totale.

- Reprendre le protocole de la question 1. et relever les différentes valeurs de la capacité du capteur en fonction de différentes positions de la règle et remplir le tableau ci-dessous :

$x$ (cm)	0	2,0	4,0	6,0	8,0	10,0	12,0
$C$ (pF)							

- Saisir les mesures dans un tableur grapheur incluant des fonctions de modélisation ;  
 - Choisir un modèle et modéliser la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  ;  
 - Relever l'expression du modèle.

## 3. Réaliser

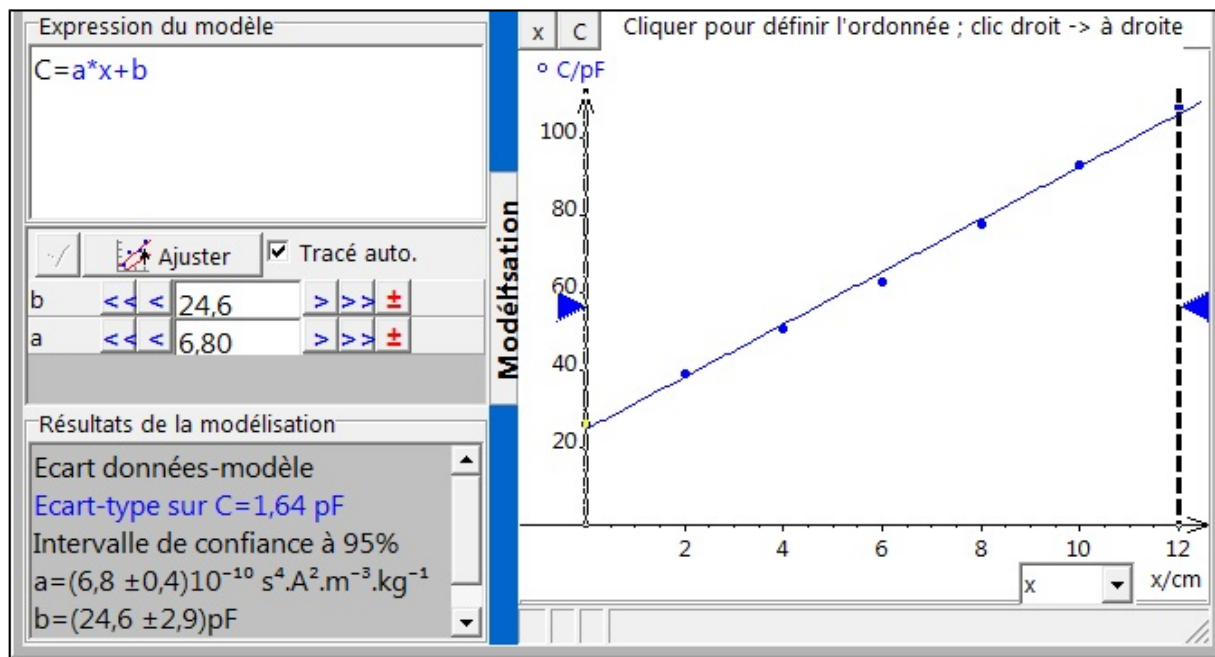
> Mettre en œuvre le protocole pour obtenir la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  et sa modélisation.

Exemples de solutions partielles à donner à l'élève en cas de difficulté.

Tableau des résultats des mesures :

$x$ (cm)	0	2,0	4,0	6,0	8,0	10,0	12,0
$C$ (pF)	26	39	51	63	78	93	108

Représentation graphique de la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  et modélisation :



L'expression du modèle est  $C = 6,8x + 25$ , avec  $C$  en pF et  $x$  en cm.

#### 4. Analyser - raisonner

> À l'aide du DOC. 2 :

– justifier que l'évolution de la capacité  $C$  du condensateur expérimental devrait être linéaire en fonction de la position  $x$  de la règle, c'est-à-dire du type  $C = a x x$  ;

*Observation en continu. En cas de difficulté, on peut donner à l'élève la solution partielle suivante :*

Analyser et utiliser la formule donnée dans le DOC. 2.

> estimer par un calcul la valeur de la capacité  $C$  du capteur capacitif pour la position  $x = 6,0$  cm de la règle.

*Observation en continu. En cas de difficulté, on peut donner à l'élève la valeur du résultat du calcul théorique pour qu'il puisse poursuivre et aborder la question 5. Il faut adapter cette valeur en fonction de la largeur de la règle utilisée (37 mm dans l'exemple) et vérifier que l'épaisseur du couvercle de la boîte de DVD est bien de 1,0 mm.*

Pour  $x = 6,0$  cm, le calcul réalisé à partir du modèle décrit dans le document donne :

$$C = \frac{2,3 \times 10^{-11} \text{ F.m}^{-1} \times 37 \times 10^{-3} \text{ m}}{1,0 \times 10^{-3} \text{ m}} \times 6,0 \times 10^{-2} \text{ m} = 5,1 \times 10^{-11} \text{ F}$$