

## Chapitre 21

### EXERCICE 45 – Principe d'un détecteur de position capacitif – page 503 du manuel

→ Comment expliquer le fonctionnement d'un détecteur de position capacitif ?

#### > Descriptif du sujet

<p>Compétences évaluées</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• <b>Réaliser</b> : coefficient 3.</li> <li>• <b>Analyser - raisonner</b> : coefficient 2.</li> <li>• <b>Valider</b> : coefficient 1.</li> </ul>
<p>Tâches à réaliser par l'élève</p>	<p><b>Réaliser</b> : dans un premier temps, l'élève doit régler le multimètre en fonction du capacimètre sur le calibre 2 nF et connecter le capteur capacitif. Il doit ensuite réaliser une première mesure de la capacité du capteur en réglant la position de la règle à l'abscisse <math>x = 6,0</math> cm lue sur la graduation de la partie métallisée de la règle et attendre que la valeur lue sur le multimètre se stabilise avant de la relever.</p> <p>Dans un deuxième temps, à la partie 3, l'élève doit réaliser une série de mesures de la capacité <math>C</math> du capteur en fonction de la valeur <math>x</math> de la position de la règle. Il doit ensuite, à l'aide d'un tableur-grapheur, représenter et modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math> de la capacité <math>C</math> du capteur capacitif en fonction de l'abscisse <math>x</math>.</p> <p><b>Analyser - raisonner</b> : dans un premier temps, l'élève doit proposer un protocole expérimental qui reprend le protocole fourni par le professeur pour obtenir et modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math> de la capacité <math>C</math> du capteur capacitif en fonction de l'abscisse <math>x</math> associée à la position de la règle. Pour cela, il doit juste préciser qu'il faut réaliser une série de mesures et en faire ensuite une représentation graphique dont on tire un modèle.</p> <p>Dans un deuxième temps, à la partie 4, l'élève doit analyser le <b>DOC. 2</b> pour justifier le modèle linéaire qui décrit l'évolution de la capacité <math>C</math> du capteur en fonction de l'abscisse <math>x</math> correspondant à la position de la règle. Il doit par ailleurs appliquer ce modèle pour estimer la capacité <math>C</math> pour la position de la règle d'abscisse <math>x = 6,0</math> cm.</p> <p><b>Valider</b> : à la partie 5, l'élève doit comparer les valeurs expérimentale et théorique obtenues pour l'abscisse <math>x = 6,0</math> cm et comparer le modèle théorique linéaire <math>C = a x</math> au modèle de type fonction affine <math>C = a' x + b</math>, tiré des observations expérimentales.</p> <p>L'élève doit au final proposer l'idée de capacité supplémentaire parasite difficilement évitable sur le plan expérimental.</p>
<p>Préparation du poste de travail</p>	<p><b>Matériel nécessaire</b> :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Un capteur de position capacitif expérimental ;</li> <li>- Un multimètre avec une fonction capacimètre ou un capacimètre ;</li> <li>- Deux fils de connexion adaptés au capacimètre + deux pinces crocodiles ;</li> <li>- Une masse (marquée ou non) de 200 g.</li> </ul>
<p>Déroulement de l'épreuve / Gestion des différents appels</p>	<p>Il est prévu trois appels obligatoires de la part de l'élève.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Lors de l'<b>appel n° 1</b>, le professeur évalue la compétence :  <b>Réaliser</b> (mise en œuvre d'un protocole expérimental).                      Pour cela, le professeur vérifie que l'élève règle correctement le multimètre en fonction du capacimètre sur le calibre adapté et qu'il connecte correctement le multimètre au capteur capacitif. Le professeur vérifie également le réglage de la règle à la position correspondant à <math>x = 6,0</math> cm ainsi que le bon appui entre les surfaces en regard du capteur.                      Enfin, le professeur vérifie la valeur de la capacité obtenue par l'élève.                      Après 10 minutes d'épreuve, le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure de réaliser une mesure correcte en lui fournissant une aide partielle.</li> <li>• Lors de l'<b>appel n° 2</b>, le professeur évalue la compétence :  <b>Analyser - raisonner</b> (élaboration d'un protocole expérimental).                      Pour cela, le professeur vérifie que l'élève a élaboré un protocole de mesure satisfaisant pour obtenir et modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math> de la capacité <math>C</math> du capteur capacitif en fonction de l'abscisse <math>x</math></li> </ul>

correspondant à la position de la règle.

Après 25 minutes d'épreuve, le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure de fournir un protocole exploitable en lui fournissant une aide partielle ou la totalité du protocole.

- Lors de l'**appel n° 3**, le professeur évalue la compétence :

**Réaliser** (mise en œuvre d'un protocole expérimental).

Pour cela, le professeur vérifie que l'élève a réalisé les mesures et qu'il les a exploitées correctement à l'aide d'un tableur-grapheur pour en tirer un modèle satisfaisant de la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$ .

Après 40 minutes d'épreuve, le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure de réaliser les mesures et/ou l'exploitation de celle-ci en lui fournissant une aide partielle ou la totalité des résultats expérimentaux préalablement réalisés lors de la préparation de l'évaluation.

- En continu et fin d'épreuve, le professeur évalue les compétences :

**Analyser - raisonner** (Justification d'un modèle et prévision à l'aide de ce modèle)

Pour cela, le professeur vérifie que l'élève exploite l'expression de la capacité d'un condensateur plan donnée dans le **DOC. 2** pour justifier le modèle linéaire  $C = a \times x$ . Le professeur vérifie également le résultat du calcul de l'estimation de la valeur de  $C$  pour  $x = 6,0$  cm.

Le professeur intervient si l'élève est bloqué ou s'il n'est pas en mesure d'obtenir une estimation de la valeur de  $C$  pour  $x = 6,0$  cm en lui fournissant une valeur pour qu'il puisse aborder la question 5.

**Valider** (Confrontation des résultats expérimentaux à un modèle)

Pour cela, le professeur vérifie après l'épreuve que l'élève a rédigé un argumentaire permettant de justifier la compatibilité des résultats obtenus sur le plan théorique et le plan expérimental en prenant en compte les sources d'erreur et les incertitudes de mesures. L'idée de capacité supplémentaire parasite difficilement évitable sur le plan expérimental permet de justifier la compatibilité des modèles linéaire et affine.

> Évaluation par compétences

	Exemples d'indicateurs de réussite	Niveaux de réussite				Coefficient pour la notation
		A	B	C	D	
Réaliser	<p><b>1. Réalisation du protocole expérimental :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Réglage du multimètre en fonction du capacimètre sur le calibre 2 nF.</li> <li>- Connexion du multimètre au capteur capacitif.</li> <li>- Réglage de la règle à la position correspondant à <math>x = 6,0</math> cm et appui entre les surfaces en regard du capteur.</li> <li>- Mesure d'une valeur cohérente.</li> </ul> <p><b>3. Réalisation du protocole expérimental :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Réalisation des mesures et obtention de valeurs satisfaisantes.</li> <li>- Représentation des mesures à l'aide d'un tableur-grapheur pour en tirer la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math>.</li> <li>- Modélisation correcte de <math>C = f(x)</math>.</li> </ul>					3
Analyser - raisonner	<p><b>2. Élaboration d'un protocole expérimental :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Reprise du protocole de la partie 1 pour la technique de mesure.</li> <li>- Le protocole prévoit la réalisation d'une série de mesures.</li> <li>- Le protocole prévoit la représentation graphique <math>C = f(x)</math> des points de mesures avec un tableur-grapheur.</li> <li>- Le protocole prévoit de modéliser la courbe d'étalonnage <math>C = f(x)</math>.</li> </ul> <p><b>4. Justification d'un modèle et prévision à l'aide de ce modèle</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Utilisation de l'expression de la capacité d'un condensateur plan donnée dans le <b>DOC. 2</b> pour justifier le modèle linéaire <math>C = a \times x</math>.</li> <li>- Résultat correct pour le calcul de l'estimation de la valeur de <math>C</math> pour <math>x = 6,0</math> cm.</li> </ul>					2
Valider	<p><b>5. Confrontation d'un modèle théorique avec les résultats expérimentaux</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Identification de sources d'erreurs possibles.</li> <li>- Prise en compte d'une erreur systématique due au phénomène de capacité parasite.</li> <li>- Prise en compte des incertitudes associées aux mesures expérimentales après modélisation par le tableur-grapheur.</li> </ul>					1

> Aide à la notation

La grille d'évaluation suivante permet de convertir les niveaux de réussite par compétence en une note sur 20.

	coeffic																																
Réaliser	3	A												B																			
Analyse - Raison	2	A				B				C				D				A				B				C				D			
Valider	1	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D
Note		20	19	18	17	18	18	16	16	16	15	14	13	15	14	13	12	18	17	16	15	16	16	15	14	14	13	12	11	13	12	11	10

	coefficien																																
Réaliser	3	C												D																			
Analyse - Raison	2	A				B				C				D				A				B				C				D			
Valider	1	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	C	D
Note		14	13	12	11	13	12	11	10	10	10	8	8	9	8	7	6	12	11	10	10	11	10	9	8	8	8	6	6	7	6	5	5

**Note :**

La grille d'évaluation est prévue pour attribuer une note entre 5 et 20. Cependant, si l'engagement de l'élève s'avère très insuffisant, le professeur a toute latitude pour attribuer une note comprise entre 0 et 5.

> Aides à distribuer aux élèves en difficulté

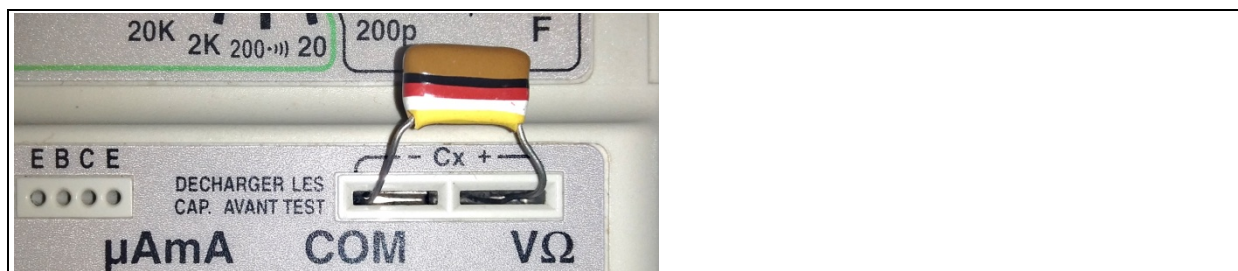
**1. Réaliser**

> Réaliser le protocole proposé par le professeur permettant de mesurer la capacité C du capteur capacitif de position pour une position  $x = 6,0$  cm de la règle.

*Exemple de solution partielle à donner à l'élève en cas de difficulté.*

Rappel de la procédure de connexion d'un condensateur sur un multimètre pour mesurer sa capacité :  
 Les bornes (fils de connexion normalement très courts, de 2 à 3 cm de long) du composant condensateur doivent être directement inséré dans le multimètre dans 2 emplacements polarisés réservé à cette mesure comme le montre la photo :

## ÉVALUATION DES COMPÉTENCES EXPÉRIMENTALES p. 501 du manuel



La position de la règle est mesurée à partir de la graduation 10,0 cm. La position de la règle correspondant à l'abscisse  $x = 6,0$  cm lue sur la graduation de la partie métallisée de la règle correspond donc à la graduation 16,0 cm.

Éviter les mouvements à proximité du capteur lors de la réalisation de la mesure.

Positionner correctement la masse marquée pour obtenir un bon contact entre la surface de la règle et celle du couvercle.

La capacité est de  $C = 62$  pF. (*Valeur à modifier en fonction du capteur utilisé*)

### 2. Analyser - raisonner

> Proposer un protocole expérimental permettant d'obtenir et de modéliser la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  de la capacité  $C$  du capteur capacitif en fonction de la valeur  $x$  de la position de la règle.

*Exemples de solutions partielles à donner à l'élève en cas de difficulté.*

Reprendre le protocole de la question 1. et relever les différentes valeurs de la capacité du capteur en fonction de différentes positions de la règle.

$x$ (cm)	0	2,0	4,0	6,0	8,0	10,0	12,0
$C$ (pF)							

Saisir les mesures dans un tableur-grapheur incluant des fonctions de modélisation.

Choisir un modèle et modéliser la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  et relever l'expression du modèle.

*Exemple de solution totale.*

- Reprendre le protocole de la question 1. et relever les différentes valeurs de la capacité du capteur en fonction de différentes positions de la règle, puis remplir le tableau ci-dessous :

$x$ (cm)	0	2,0	4,0	6,0	8,0	10,0	12,0
$C$ (pF)							

- Saisir les mesures dans un tableur-grapheur incluant des fonctions de modélisation ;
- Choisir un modèle et modéliser la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  ;
- Relever l'expression du modèle.

### 3. Réaliser

> Mettre en œuvre le protocole pour obtenir la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  et sa modélisation.

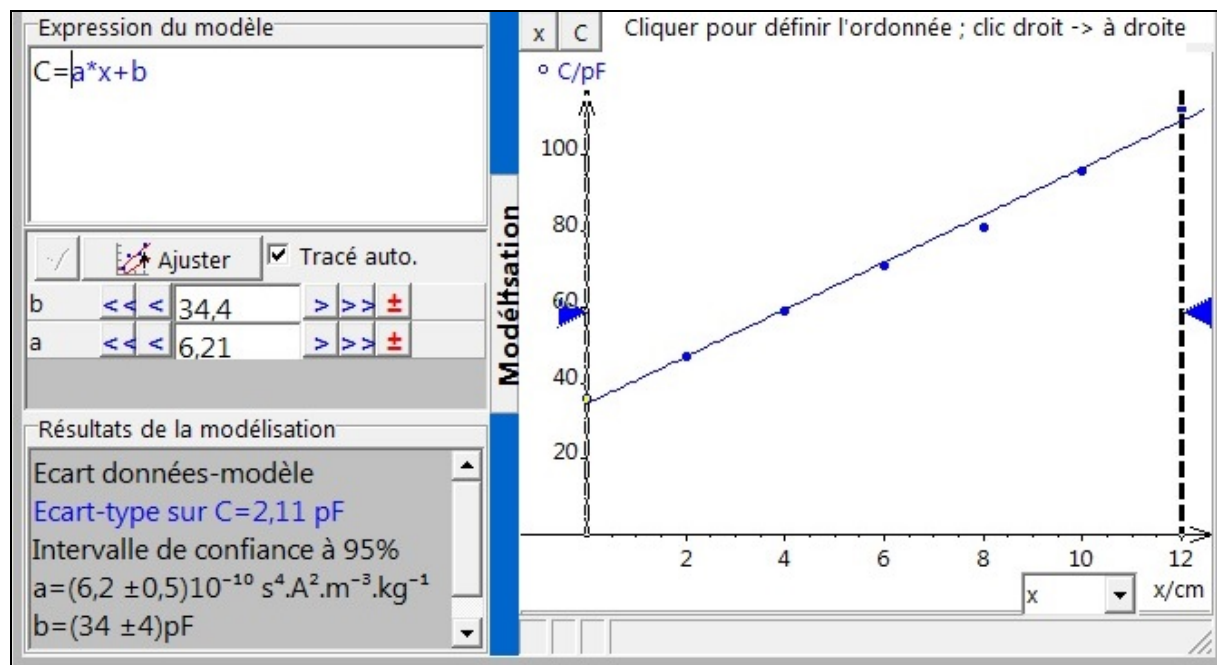
*Exemples de solutions partielles à donner à l'élève en cas de difficulté.*

## ÉVALUATION DES COMPÉTENCES EXPÉRIMENTALES p. 501 du manuel

Tableau des résultats des mesures :

x (cm)	0	2,0	4,0	6,0	8,0	10,0	12,0
C (pF)	36	47	59	71	81	96	112

Représentation graphique de la courbe d'étalonnage  $C = f(x)$  et modélisation :



L'expression du modèle est  $C = 6,2x + 34$ , avec C en pF et x en cm.

### 4. Analyser - raisonner

> À l'aide du DOC. 2 :

– justifier que l'évolution de la capacité C du condensateur expérimental devrait être linéaire en fonction de la position x de la règle, c'est-à-dire du type  $C = a \cdot x$  ;

*Observation en continu. En cas de difficulté, on peut donner à l'élève la solution partielle suivante :*

Analyser et utiliser la formule donnée dans le DOC. 2.

> estimer par un calcul la valeur de la capacité C du capteur capacitif pour la position  $x = 6,0$  cm de la règle.

*Observation en continu. En cas de difficulté, on peut donner à l'élève la valeur du résultat du calcul théorique pour qu'il puisse poursuivre et aborder la question 5. Il faut adapter cette valeur en fonction de la largeur de la règle utilisée (37 mm dans l'exemple) et vérifier que l'épaisseur du couvercle de la boîte de DVD est bien de 1,0 mm.*

Pour  $x = 6,0$  cm, le calcul réalisé à partir du modèle décrit dans le document donne :

$$C = \frac{2,3 \times 10^{-11} \text{ F} \cdot \text{m}^{-1} \times 37 \times 10^{-3} \text{ m}}{1,0 \times 10^{-3} \text{ m}} \times 6,0 \times 10^{-2} \text{ m} = 5,1 \times 10^{-11} \text{ F.}$$